

Tema 8. Listas

`http://aulavirtual.uji.es`

José M. Badía, Begoña Martínez, Antonio Morales y José M. Sanchiz

`{badia, bmartine, morales, sanchiz}@icc.uji.es`

Estructuras de datos y de la información

Universitat Jaume I

Índice

1. Definición y aplicaciones	5
2. Tipo Abstracto de Datos <i>lista</i>	7
3. Implementación estática	9
4. Lista enlazada	18
5. Variantes de la lista enlazada	24
6. Variantes del TAD <i>lista</i>	32
7. El contenedor <i>list</i> de la STL	40

Bibliografía

- (Nyhoff'06), capítulos 6 y 11
- (Orallo'02), capítulo 21
- *Using the STL, the C++ Standard Template Library*, R. Robson, Springer, Segunda Edición, 1999, Capítulo 7.4

Objetivos

- Conocer el concepto, funcionamiento y aplicaciones del tipo *lista*.
- Conocer el TAD *lista* y sus operaciones asociadas.
- Saber implementar el tipo *lista* mediante vectores y mediante nodos enlazados.
- Saber usar el tipo *lista* para resolver problemas.
- Conocer variantes de la lista enlazada, como listas circulares, listas con nodo de cabecera, o listas doblemente enlazadas.
- Conocer variantes del TAD *lista*, como listas ordenadas, multilistas, o listas de listas.
- Conocer y saber usar el contenedor `list` de la STL.

1 Definición y aplicaciones

Las listas son algo común en la vida diaria: listas de alumnos, listas de clientes, listas de espera, listas de distribución de correo, etc.

Lista \Rightarrow estructura de datos lineal, finita y ordenada, que permite la inserción y borrado de elementos en cualquier posición

Características

- Todos los elementos de la lista son del mismo tipo.
- Existe un orden en los elementos, ya que es una estructura lineal, pero los elementos no están ordenados por su valor sino por la posición en que se han insertado.
- Para cada elemento existe un anterior y un siguiente, excepto para el *primero*, que no tiene anterior, y para el *último*, que no tiene siguiente.
- Se puede acceder y eliminar cualquier elemento.
- Se pueden insertar elementos en cualquier posición.

1 Definición y aplicaciones (II)

➤ Operaciones de manipulación:

➡ **Insertar:** inserta un elemento antes o después de otro elemento.

➡ **Eliminar:** elimina un elemento de una posición.

Ejemplos de operaciones:

(X F G A H)
(X F G H)
(L X F H)
(L E X F H)

➤ Al igual que la pila y la cola, la lista es una estructura de datos dinámica.

➤ Las pilas y las colas son tipos especiales de listas con restricciones de acceso.

2 Tipo Abstracto de Datos *lista*

TAD: lista

Usa: logico, nat, tipobase, apuntador

Operaciones:

CrearLista: \rightarrow lista

InsertarUltimo: lista x tipobase \rightarrow lista

InsertarAntes: tipobase x lista x apuntador \rightarrow lista

Buscar: lista x tipobase \rightarrow apuntador

Dato: lista x apuntador \rightarrow tipobase

Modificar: lista x apuntador x tipobase \rightarrow lista

Borrar: lista x apuntador \rightarrow lista

ListaVacía: lista \rightarrow logico

Tamaño: lista \rightarrow nat

Primero: lista \rightarrow apuntador

Ultimo: lista \rightarrow apuntador

Siguiente: lista x apuntador \rightarrow apuntador

Anterior: lista x apuntador \rightarrow apuntador

2 Tipo Abstracto de Datos *lista* (II)

Axiomas: $\forall L \in \text{lista}, \forall e, f \in \text{tipobase}, \forall p \in \text{apuntador}$

- 1) $\text{InsertarAntes}(e, \text{CrearLista}, p) = \text{error}$
- 2) $\text{InsertarAntes}(f, \text{InsertarUltimo}(L, e), p) =$
si $p = \text{Ultimo}(\text{InsertarUltimo}(L, e))$ entonces $\text{InsertarUltimo}(\text{InsertarUltimo}(L, f), e)$
sino $\text{InsertarUltimo}(\text{InsertarAntes}(f, L, p), e)$
- 3) $\text{Dato}(\text{CrearLista}, p) = \text{error}$
- 4) $\text{Dato}(\text{InsertarUltimo}(L, e), p) =$ si $p = \text{Ultimo}(\text{InsertarUltimo}(L, e))$ entonces e
sino $\text{Dato}(L, p)$
- 5) $\text{Modificar}(\text{CrearLista}, p, e) = \text{error}$
- 6) $\text{Modificar}(\text{InsertarUltimo}(L, e), p, f) =$ si $p = \text{Ultimo}(\text{InsertarUltimo}(L, e))$
entonces $\text{InsertarUltimo}(L, f)$ sino $\text{InsertarUltimo}(\text{Modificar}(L, p, f), e)$
- 7) $\text{Borrar}(\text{CrearLista}, p) = \text{error}$
- 8) $\text{Borrar}(\text{InsertarUltimo}(L, e), p) =$ si $p = \text{Ultimo}(\text{InsertarUltimo}(L, e))$ entonces L
sino $\text{InsertarUltimo}(\text{Borrar}(L, p), e)$
- 9) $\text{ListaVacía}(\text{CrearLista}) = \text{verdadero}$
- 10) $\text{ListaVacía}(\text{InsertarUltimo}(L, e)) = \text{falso}$
- 11) $\text{Tamaño}(\text{CrearLista}) = \text{cero}$
- 12) $\text{Tamaño}(\text{InsertarUltimo}(L, e)) = \text{succ}(\text{Tamaño}(L))$

3 Implementación estática

Se usa un vector para almacenar los elementos de la lista.

Primera idea:

Guardar los elementos en el vector en el mismo orden y sin espacios vacíos.

Ejemplo: $lista = (e_1, e_2, e_3, e_4)$

0	1	2	3	4	5	6	7
e_1	e_2	e_3	e_4				

Problemas:

Borrar e insertar serían operaciones muy costosas, pues implicarían movimiento de datos en el vector.

3 Implementación estática (II)

Segunda idea: no guardar los elementos en orden ni consecutivos.

- Junto a cada elemento guardar un índice al siguiente elemento.
- Otro índice, **primero**, indica la posición del primer elemento.
- Un valor especial (p.e. -1) indica fin de lista.

primero 3

0	1	2	3	4	5	6	7
e_3	e_2		e_1	e_4			
4	0		1	-1			

Ventajas:

- Borrar e insertar NO implican movimiento de datos en el vector.
- Puede haber varias listas en el vector.

3 Implementación estática (III)

Lista de vacíos:

Las posiciones vacías podrían ser otra lista.

Se obtienen en tiempo constante de la lista de vacíos.

	0	1	2	3	4	5	6	7	
primero 3	e_3	e_2		e_1	e_4				vacíos 2
	4	0	5	1	-1	6	7	-1	

La implementación estática con índices es una primera versión de lista enlazada.

Inconveniente:

Siempre se está reservando toda la memoria ocupada por el vector.

Solución:

Una implementación con nodos enlazados: memoria dinámica.

3 Implementación estática (IV)

```
template <class T>
class list {
public :
    typedef int apuntador;
    list(int n=256);
    ~list();
    list(const list<T> &origen); // Constructor de copia
    list<T> & operator=(const list<T> &origen); // Operador de asignación

    bool push_back(const T &e); // Inserta al final. Error si llena
    apuntador insert(apuntador p, const T &e); // Inserta antes de p
    apuntador find(const T &e) const; // Busca e, devuelve su posición ó -1
    const T & data(apuntador p) const; // Devuelve el dato en p
    T & data(apuntador p); // Permite modificar el dato en p
    apuntador erase(apuntador p); // Borra el elemento de p
```

3 Implementación estática (V)

```
bool empty () const;  
int size () const;  
apuntador begin () const;  
apuntador end () const; // apuntador después del último  
apuntador next (apuntador p) const;  
apuntador prev (apuntador p) const;
```

private :

```
struct nodo {  
    T info ; apuntador sig ;  
};  
apuntador primero , vacios ;  
nodo *elementos ; // vector dinámico de nodos  
int capacidad ;  
apuntador NuevoNodo () ; // Desengancha un nodo de vacíos . Si no hay , -1  
void LiberarNodo (apuntador p) ;  
};
```

3 Implementación estática (VI)

```
template <class T>
list <T>::list (int n) {
    capacidad = n;
    elementos = new nodo[n];
    primero = -1;
    vacios = 0;
    for (apuntador i = 0; i < n-1; i++) elementos[i].sig = i+1;
    elementos[n-1].sig = -1;
}
```

```
template <class T>
list <T>::~~list () {
    delete [] elementos;
}
```

3 Implementación estática (VII)

```
template <class T>
typename list <T>::apuntador
list <T>::NuevoNodo () {
    apuntador aux = vacios;
    if ( vacios != -1 )
        vacios = elementos[aux].sig;
    return aux;
}

template <class T>
void
list <T>::LiberarNodo (apuntador p) {
    elementos[p].sig = vacios;
    vacios = p;
}
```

3 Implementación estática (VIII)

```
template <class T>
typename list <T>::apuntador
list <T>::insert(apuntador p, const T &e) {
    // Devuelve la posición del nuevo elemento
    apuntador nuevo = NuevoNodo(), ant = primero;
    if ( nuevo != -1 ) { // si no está llena
        elementos[nuevo].info = e;
        elementos[nuevo].sig = p;
        if ( p == primero ) primero = nuevo;
        else {
            while ( elementos[ant].sig != p ) ant = elementos[ant].sig;
            elementos[ant].sig = nuevo;
        }
    }
    return nuevo;
}
```

3 Implementación estática (IX)

```
template <class T>
typename list <T>::apuntador
list <T>::erase(apuntador p) {
    // Devuelve la posición del siguiente elemento
    apuntador ant = primero , res = elementos[p].sig ;
    if (p == primero) primero = elementos[primero].sig ;
    else {
        while (elementos[ant].sig != p )
            ant = elementos[ant].sig ;
        elementos[ant].sig = elementos[p].sig ;
    }
    LiberarNodo(p);
    return res ;
}
```

4 Lista enlazada

Se usan nodos ubicados en memoria de forma dinámica.

Ventaja:

- Sólo se reserva en cada momento la memoria que se necesita.

Inconveniente:

- Se deja la gestión de memoria en manos del Sistema Operativo.
Puede ser ineficiente, pero se puede solucionar gestionando la memoria directamente.
Se darán algunas ideas.

4 Lista enlazada (II)

```
template <class T>
class list {
    class nodo;
public:
    typedef nodo * apuntador;
    list ();
    void push_back(const T &e); // Resto de operaciones como la estática
private:
    class nodo {
public:
        T info ; nodo * sig ;
        nodo(const T &valor = T() , nodo * siguiente = NULL):
            info(valor) , sig(siguiente) { } // Constructor de nodo
    };
    nodo * primero ;
};
```

4 Lista enlazada (III)

```
template <class T>
list <T>::~~list () { // destructor
    apuntador aux;
    while (!empty ()) {
        aux = primero;
        primero = aux->sig;
        delete aux;
    }
}
```

4 Lista enlazada (IV)

```
template <class T>
typename list <T>::apuntador
list <T>::insert(apuntador p, const T &e) {
    // Devuelve la posición del nuevo elemento
    apuntador nuevo = new nodo(e, p), ant = primero;
    if ( p == primero) primero = nuevo;
    else {
        while (ant->sig != p)
            ant = ant->sig;
        ant->sig = nuevo;
    }
    return nuevo;
}
```

4 Lista enlazada (V)

```
template <class T>
typename list <T>::apuntador
list <T>::erase(apuntador p) {
    apuntador ant = primero , res = p->sig;
    if (p == primero) primero = primero->sig;
    else {
        while ( ant->sig != p)
            ant = ant->sig;
        ant->sig = p->sig;
    }
    delete p;
    return res;
}
```

4 Lista enlazada (VI)

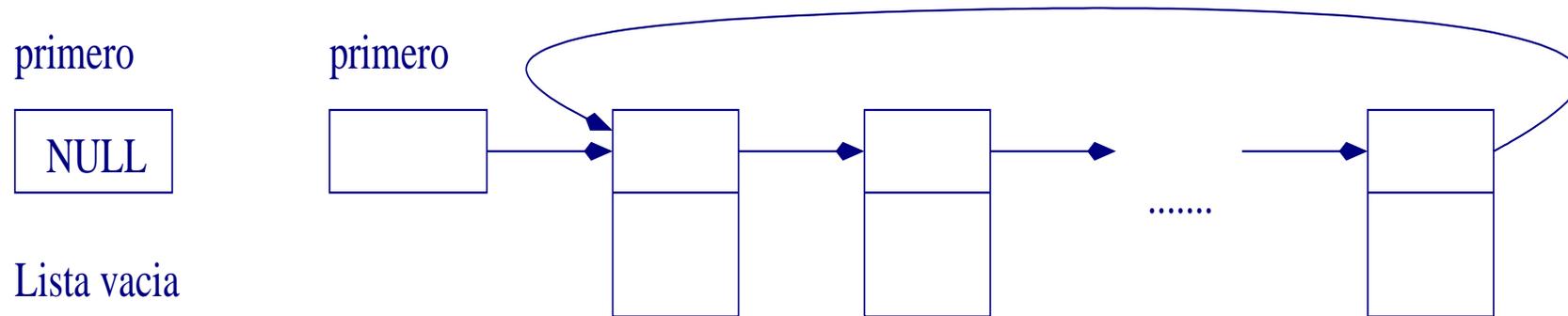
Ejemplo de uso:

```
list <int > l ;
list <int >::apuntador p;
...
// código para recorrer una lista
for (p = l.begin(); p != l.end(); p = l.next(p))
    cout << l.data(p) << endl;
// código para vaciar una lista
while (!l.empty()) l.erase(l.begin());
// código para buscar un dato
p = l.find(x);
if (p != l.end()) // encontrado
    // borrarlo
    l.erase(p);
```

5 Variantes de la lista enlazada

Lista Circular

El último nodo apunta al primero.



Ventajas:

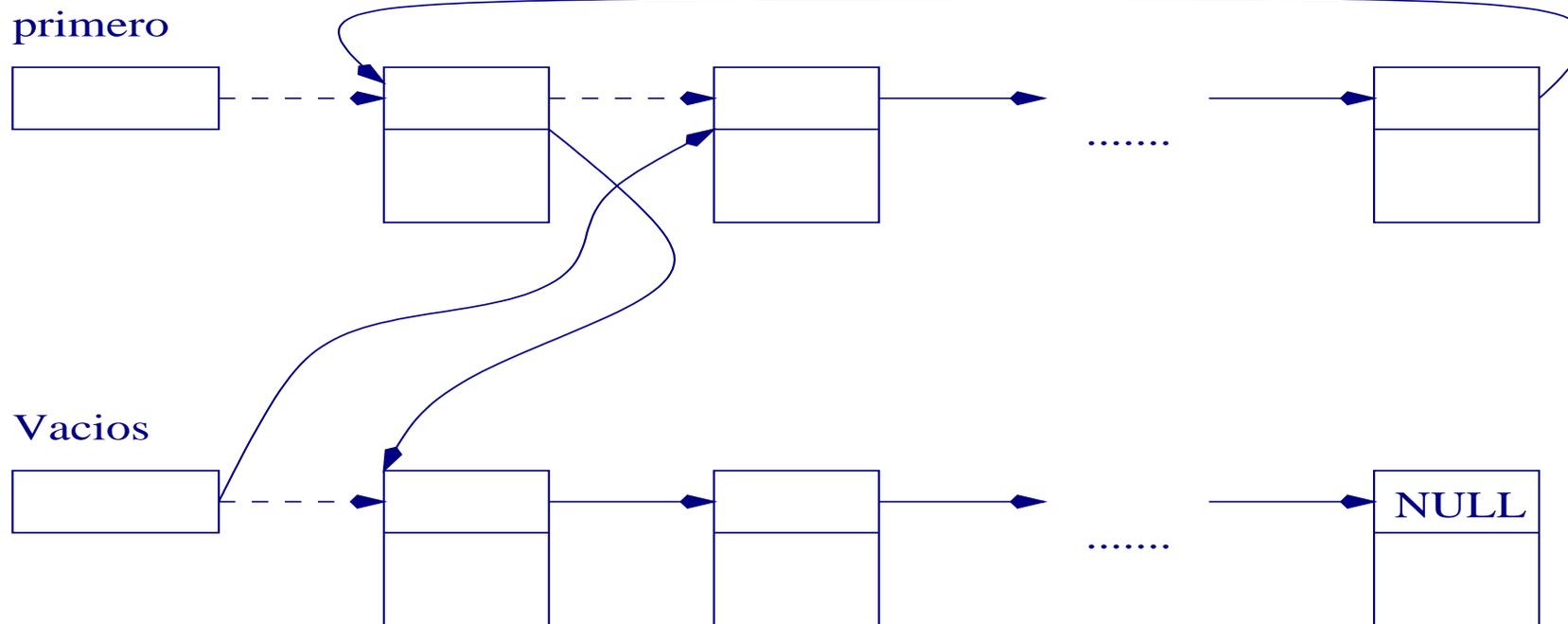
- Se puede recorrer la lista empezando en cualquier posición.
- **Principal ventaja:** Se puede borrar la lista completa en tiempo constante, independiente del número de nodos.

Para ello es necesario mantener una lista de nodos vacíos.

5 Variantes de la lista enlazada (II)

Código para eliminar una lista circular completa:

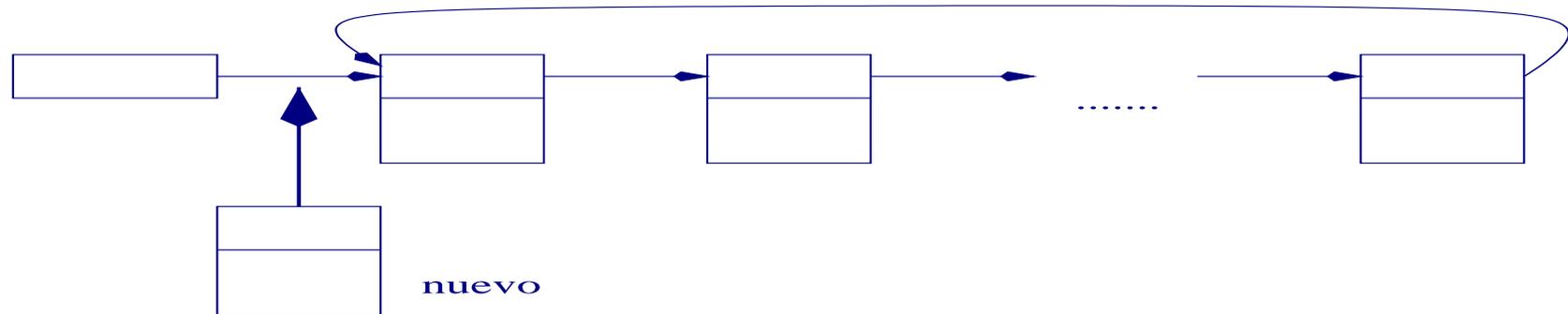
```
apuntador aux = vacios;  
vacios = primero->sig;  
primero->sig = aux;  
primero = NULL;
```



5 Variantes de la lista enlazada (III)

Problema:

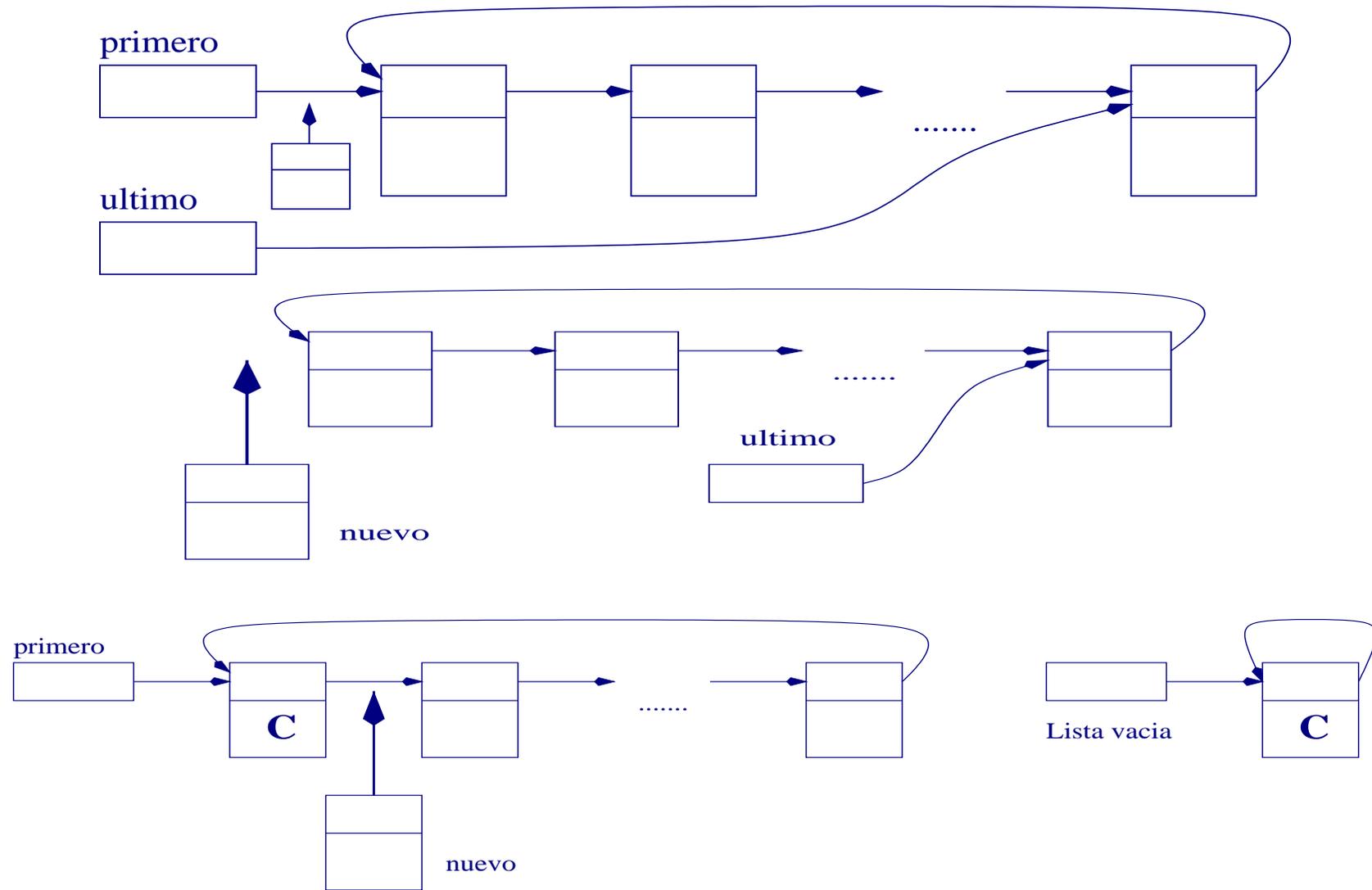
Insertar un elemento al principio es costoso, hay que modificar el último nodo.



Soluciones:

- Mantener en la clase lista un puntero al primero y uno al último.
- Tener en la clase lista un solo puntero al último.
- Considerar que el primer nodo no contiene ningún elemento \Rightarrow **nodo de cabecera**.

5 Variantes de la lista enlazada (IV)



5 Variantes de la lista enlazada (V)

Listas con nodo de Cabecera

El primer nodo no contiene ningún elemento. Puede contener información como: número de elementos, fecha de creación, etc.

Ventaja: el nodo de cabecera evita el caso especial de insertar y borrar al principio.

Puede haber nodo de cabecera en cualquier tipo de lista:

- simple o doblemente enlazadas,
- circulares o no circulares,
- multilistas.

5 Variantes de la lista enlazada (VI)

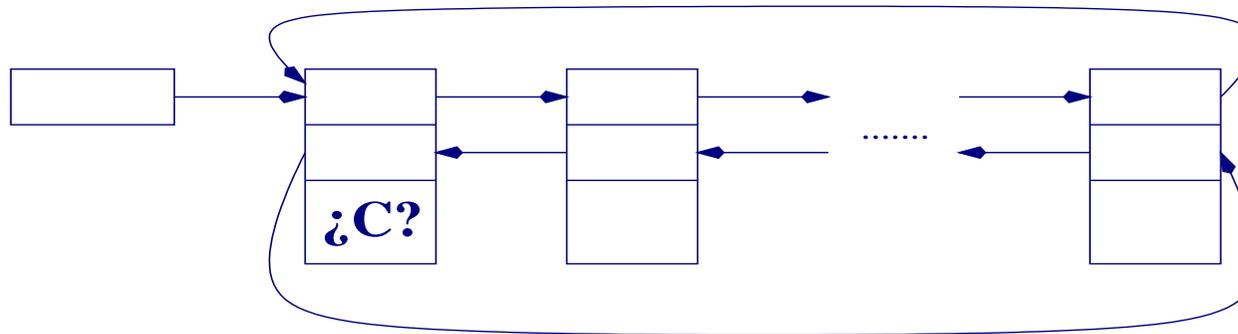
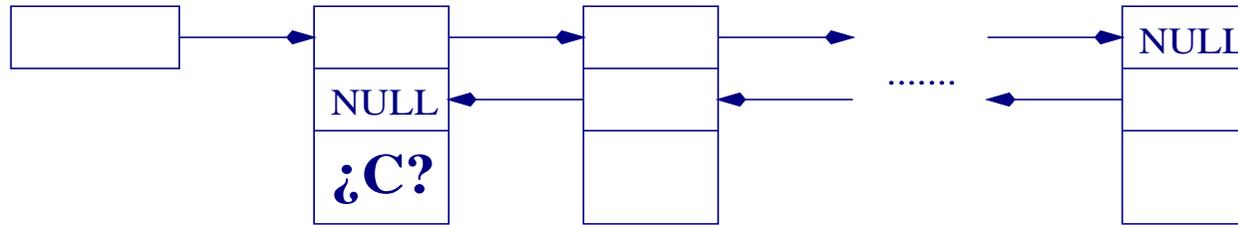
Lista doblemente enlazada

- Dada la posición de un elemento, se puede acceder en tiempo constante al anterior y al siguiente.
- Se puede borrar un elemento, insertar antes o después en tiempo constante.
- La implementación enlazada se realiza con dos punteros en la clase **nodo**:

```
class nodo {  
public :  
    T info ;  
    apuntador ant , sig ;  
    nodo(const T &valor=T() ,apuntador anterior=NULL,apuntador siguiente=NULL):  
        info(valor) , ant(anterior) , sig(siguiente) {}  
};
```

5 Variantes de la lista enlazada (VII)

Puede ser circular o no circular, con o sin nodo de cabecera.



5 Variantes de la lista enlazada (VIII)

Operaciones:

Insertar antes

```
nuevo->sig = p;  
nuevo->ant = p->ant;  
p->ant->sig = nuevo;  
p->ant = nuevo;
```

Insertar después

```
nuevo->sig = p->sig;  
nuevo->ant = p;  
p->sig->ant = nuevo;  
p->sig = nuevo;
```

Borrar

```
p->ant->sig = p->sig;  
p->sig->ant = p->ant;  
delete(p);
```

6 Variantes del TAD *lista*

Lista ordenada

- Los elementos están ordenados por su valor.
- Existe una función para comparar elementos. En C++ pueden ser los operadores $<$, $<=$, $>$, $>=$, definidos para el tipo base.
- Las operaciones de manejo de la lista permiten insertar un elemento, manteniendo el orden.
- No tiene sentido modificar un elemento, pues podría quedar desordenado. Para modificar hay que borrar e insertar el nuevo valor.

6 Variantes del TAD *lista* (II)

TAD Lista ordenada

TAD: listaord

Usa: logico, nat, tipobase, apuntador

Operaciones:

CrearLista: \rightarrow listaord

InsertarOrd: listaord x tipobase \rightarrow listaord

Siguiente: listaord x apuntador \rightarrow apuntador

Primero: listaord \rightarrow apuntador

Ultimo: listaord \rightarrow apuntador

Buscar: listaord x tipobase \rightarrow apuntador

ListaVacía: listaord \rightarrow logico

Borrar: listaord x apuntador \rightarrow listaord

Tamaño: listaord \rightarrow nat

Dato: listaord x apuntador \rightarrow tipobase

6 Variantes del TAD *lista* (III)

Axiomas: $\forall L \in \text{listaord}, \forall e \in \text{tipobase}, \forall p \in \text{apuntador}$

- 1) $\text{ListaVacía}(\text{CrearLista}) = \text{verdadero}$
- 2) $\text{ListaVacía}(\text{InsertarOrd}(L, e)) = \text{falso}$
- 3) $\text{Borrar}(\text{CrearLista}, p) = \text{error}$
- 4) $\text{Borrar}(\text{InsertarOrd}(L, e), p) = \text{si } \text{Dato}(\text{InsertarOrd}(L, e), p) = e \text{ entonces } L$
 $\text{sino } \text{InsertarOrd}(\text{Borrar}(L, p), e)$
- 5) $\text{Tamaño}(\text{CrearLista}) = \text{cero}$
- 6) $\text{Tamaño}(\text{InsertarOrd}(L, e)) = \text{succ}(\text{Tamaño}(L))$
- 7) $\text{Dato}(\text{CrearLista}, p) = \text{error}$
- 8) $\text{Dato}(\text{InsertarOrd}(L, e), p) = \text{si } p = \text{Buscar}(\text{InsertarOrd}(L, e), e) \text{ entonces } e$
 $\text{sino } \text{Dato}(L, p)$

6 Variantes del TAD *lista* (IV)

- La lista ordenada se puede implementar como cualquier tipo de lista vista hasta ahora: simple o doblemente enlazada, circular o no circular, con o sin nodo de cabecera, con un vector o con nodos enlazados.
- Para insertar en una lista simplemente enlazada no circular sin cabecera, ordenada de menor a mayor, habría que realizar los siguientes pasos:
 - ➡ Buscar el primer elemento mayor que el nuevo a insertar.
 - ➡ No perder la posición del nodo anterior.
 - ➡ Insertar antes del primer elemento mayor.
 - ➡ Considerar casos especiales, como la inserción al principio.

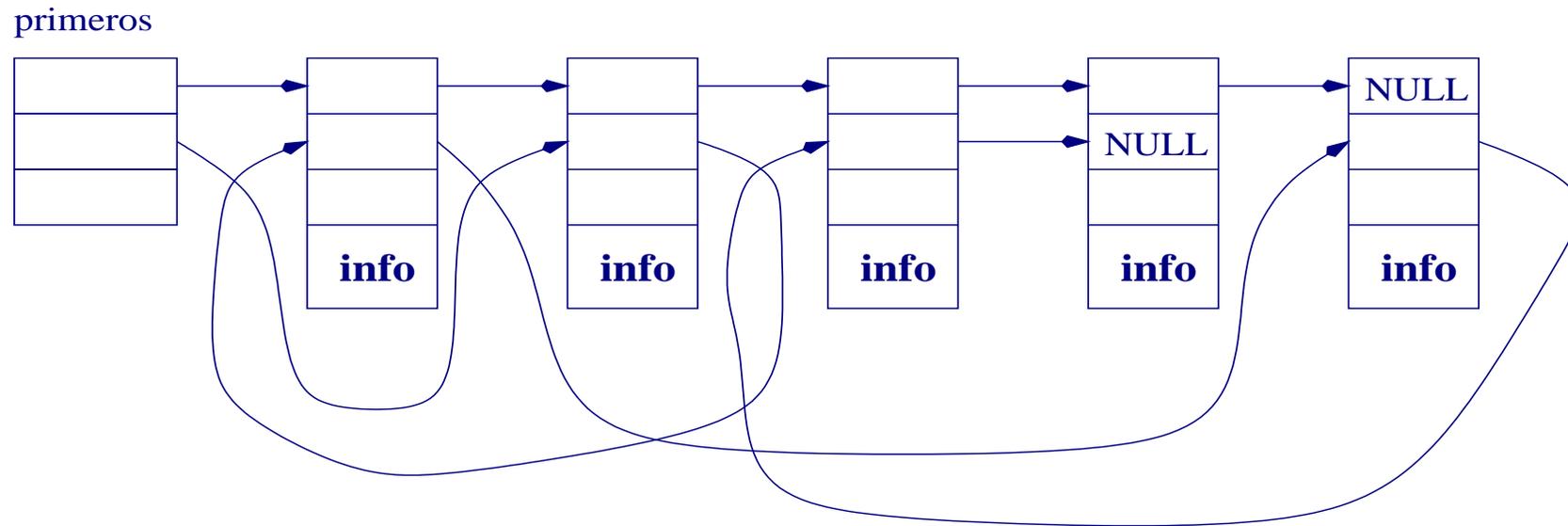
6 Variantes del TAD *lista* (V)

Multilistas

- Una multilista es una lista ordenada por varios criterios a la vez.
- Debe haber un puntero al elemento siguiente por cada uno de los criterios de ordenación. Si la lista es doblemente enlazada, también un puntero al anterior.
- Se puede considerar que tenemos tantas listas ordenadas como criterios, pero la información sólo se guarda una vez.
- Cada una de estas listas puede ser simple o doble, circular o no circular, con o sin cabecera. Normalmente todas tienen la misma organización.
- Al insertar hay que actualizar los punteros de cada criterio. Esto implica localizar la posición a insertar en cada una de las listas.
- Borrar también implica actualizar los punteros de cada criterio de ordenación.

6 Variantes del TAD *lista* (VI)

Ejemplo: 3-multilista:



Los punteros de primero y de siguiente se definirían como vectores de punteros.

6 Variantes del TAD *lista* (VII)

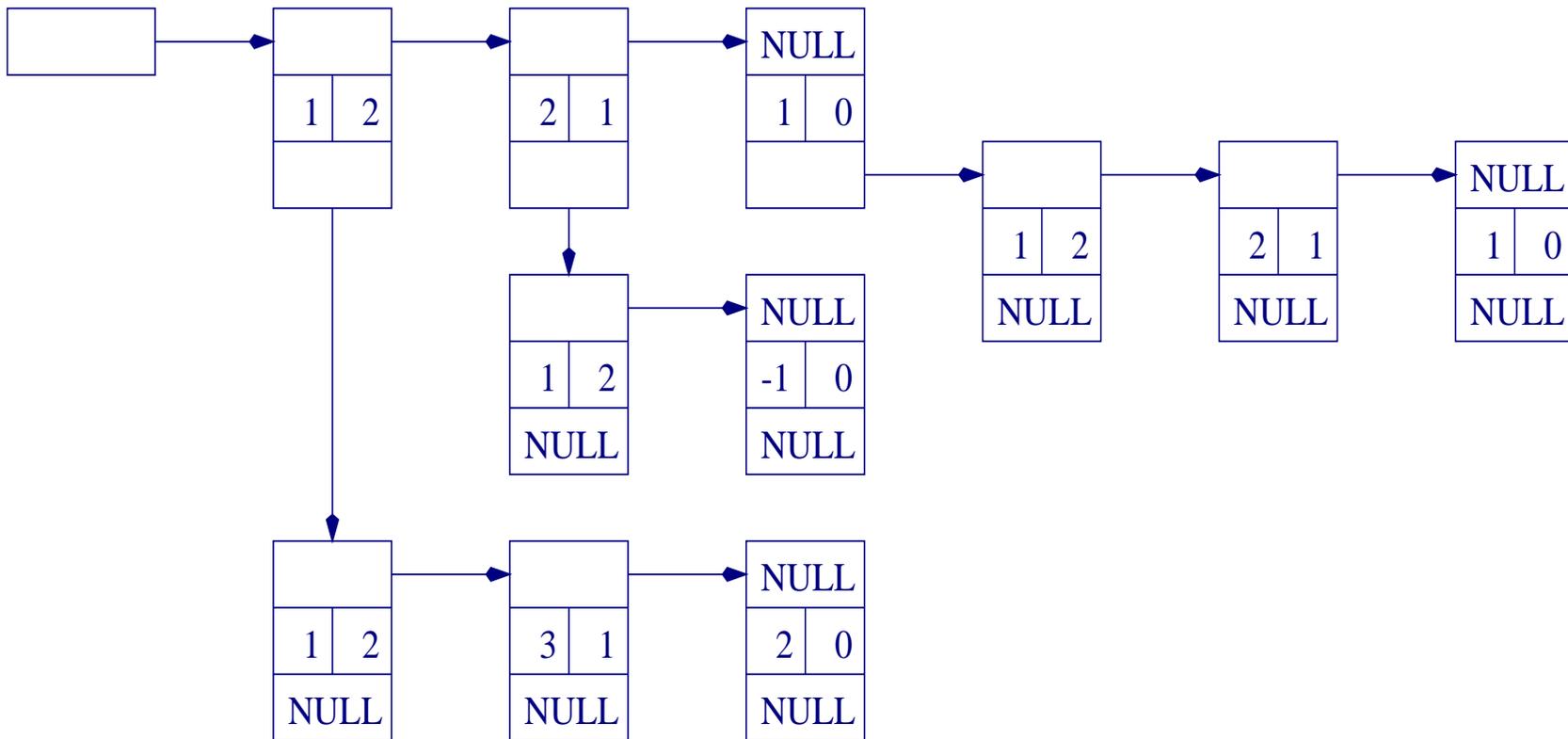
Lista de listas

- Sus elementos son a su vez listas.
- Caben todas las variantes: simple o doble, circular o no, con o sin cabecera.
- Los elementos de la lista de listas pueden ser a su vez listas de listas.
- los elementos de la lista pueden contener información, además de punteros a las listas.

6 Variantes del TAD *lista* (VIII)

Aplicación: representar polinomios de varias variables,

$$x^2(y^2 + 3y + 2) + 2x(y^2 - 1) + (y^2 + 2y + 1)$$



7 El contenedor *list* de la STL

► Uso:

```
#include<list>
list<tipobase> l;
```

- **Iteradores:** se usan para recorrer una lista. Contienen una posición de la lista. Los iteradores de la clase `list` son de tipo bidireccional.

⇒ Operaciones:

- ⇒ ++, posición siguiente. — — posición anterior.
- ⇒ *, acceso al dato guardado en esa posición de la lista.
- ⇒ =, asignación.
- ⇒ ==, !=, comparación entre iteradores.

⇒ Operaciones no permitidas:

- ⇒ +, -, +=, -=, sumas y restas.
- ⇒ [], no se puede acceder directamente al elemento i de la lista.

7 El contenedor *list* de la STL (II)

► Operaciones básicas:

<code>list<T> l;</code>	constructor
<code>list<T> l(n);</code>	lista para contener n elementos, vacía
<code>list<T> l(n,initval);</code>	lista con n elementos inicializados a initval
<code>~list()</code>	destructor

`l.empty()`

`l.size()`

`l.push_back(valor)`

`l.push_front(valor)`

`l.pop_back()`

`l.pop_front()`

`l.front()`

`l.back()`

7 El contenedor *list* de la STL (III)

➤ Operaciones básicas (cont.):

<code>l.insert(pos,valor)</code>	devuelve la posición al elemento insertado
<code>l.erase(pos)</code>	
<code>l.erase(pos1,pos2)</code>	borra elementos entre pos1 y pos2
<code>l.remove(valor)</code>	borra todos los elementos valor

<code>l.begin()</code>	iterador apuntando a la primera posición
<code>l.end()</code>	iterador apuntando una posición más allá de la última

➤ La operación `find` no forma parte de las clases:

```
iterator find(iterator first, iterator last, const T &value);
```

7 El contenedor *list* de la STL (IV)

► Ejemplo de uso:

Librería STL:

```
list<int> l;  
list<int>::iterator i;  
i = l.begin();  
while (i != l.end()) {  
    cout << *i << endl;  
    ++i;  
}
```

Nuestra implementación:

```
list<int> l;  
list<int>::apuntador i;  
i = l.begin();  
while (i != l.end()) {  
    cout << l.data(i) << endl;  
    i = l.next(i);  
}
```

7 El contenedor *list* de la STL (V)

► Detalles de implementación:

- Es una lista de nodos enlazados, doblemente enlazada, circular, con nodo de cabecera.
- Los campos privados de la clase incluyen un puntero al primer nodo y un contador del número de elementos.
- La clase incluye su propio manejo de memoria dinámica.
 - ➔ Para evitar la ineficiencia de llamar al Sistema Operativo (**new** y **delete**), se lleva una lista de nodos vacíos.
 - ➔ Cuando hace falta memoria, se ubica de golpe un gran bloque y se enlaza en la lista de vacíos.
 - ➔ Sólo hay una lista de vacíos para todas las variables **list** declaradas.